

1. 次の図で $\angle x$ のとき、 $\angle x$ 、 $\angle y$ の大きさを求めなさい。

(1) $\angle x = 61^\circ$

(2) $\angle x = 68^\circ$

(3) $\angle x = 105^\circ$

(5) $\angle x = 135^\circ$

(6) $\angle x = 88^\circ$

(7) $\angle x = 80^\circ$

2. 次の図で、 $\angle x$ 、 $\angle y$ の大きさを求めなさい。

(1) $\angle x = 47^\circ$

(2) $\angle x = 75^\circ$

(3) $\angle x = 110^\circ$

(5) $\angle x = 30^\circ$

(6) $\angle x = 155^\circ$

(7) $\angle x = 45^\circ$

(9) $\angle x = 42^\circ$

(10) $\angle x = 85^\circ$

(11) $\angle x = 160^\circ$

(4) $\angle x = 70^\circ$

(8) $\angle x = 70^\circ$

(8) $\angle x = 70^\circ$

(4) $\angle x = 50^\circ$

(8) $\angle x = 25^\circ$

(11) $\angle x = 160^\circ$

(12) $\angle x = 115^\circ$

(13) $\angle x = 115^\circ$

(14) $\angle x = 20^\circ$

3. 次の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

(1) $\angle x = 80^\circ$

(2) $\angle x = 75^\circ$

(3) $\angle x = 190^\circ$

(4) $\angle x = 140^\circ$

4. 次の問いに答えなさい。

(1) 十角形の内角の和を求めなさい。 $180 \times 8 = 1440$

(2) 内角の和が 900° である多角形は何角形か、求めなさい。 $n = 7$ (七角形)

(3) 正二十四角形の1つの内角の大きさを求めなさい。 165°

(4) 正十八角形の1つの外角の大きさを求めなさい。 20°

(5) 正 n 角形の1つの外角の大きさが 12° のとき、 n の値を求めなさい。 $n = 30$

(6) 1つの内角の大きさが 135° である正多角形の頂点の数を求めなさい。 8

(7) 四角形で、4つの内角の大きさが $3:4:5:6$ のとき、この四角形の4つの内角の大きさを求めなさい。 $38^\circ, 40^\circ, 50^\circ, 60^\circ$

(8) 1つの内角が、その外角の3倍である正多角形の辺の数を求めなさい。 8

(9) $\angle x = 42^\circ$

(10) $\angle x = 85^\circ$

(11) $\angle x = 160^\circ$

【例】形プリント No. 1の2

1 次の図で、 $\angle x$, $\angle y$ の大きさを求めなさい。(2//m)

(1) $\angle x = 45^\circ$

(2) $\angle x = 30 + 50 = 80^\circ$

(3) $\angle x = 55^\circ$

(4) $\angle x = 71^\circ$

(5) $\angle x = 125 + 115 = 240^\circ$

(6) $\angle x = 45 + 90 = 135^\circ$

(7) $\angle x = 50 + 45 = 95^\circ$

(8) $\angle x = 45^\circ$

(9) $\angle x = 90 + 30 = 120^\circ$

(10) $\angle x = 35^\circ$

(11) $\angle x = 30^\circ$

(12) $\angle x = 70 + 15 = 85^\circ$

2 次の図で、印をつけた角の和を求めなさい。

(1) 三角形の内角の和に注意して 180°

(2) 七角形+四角形=三角形 $180 \times (7-2) + 360 = 1080$
 1080°

(3) 四角形の内角の和 360°

3 次の間に答えなさい。
(1) 1つの頂点について、内角と外角の大きさの比が5:1になる正多角形は正何角形ですか。

$x + 5x = 180$
 $6x = 180$
 $x = 30$
外角 $x = 30$ とおいて内角 $5x = 150$
正十二角形

(2) 3つの角の大きさが、2, 3, 4の割合になっている三角形がある。この3つの角の大きさを求めなさい。
 $2x + 3x + 4x = 180$
 $9x = 180$
 $x = 20$
40, 60, 80

(3) ある多角形の内角の和は、外角の和の8倍です。この多角形の辺の数を求めなさい。
辺の数を n とする
多角形の内角の和 $180(n-2) = 2880$
 $n-2 = 16$
 $n = 18$

4 次の間に答えなさい。
(1) 長方形 ABCD を折ってできた下の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

$\angle AEF = 180 - 72 = 108$
折り角 36°
 $\angle A'EF = \angle AEF = 108^\circ$
 $\angle DEF = 72^\circ$
 $\angle A'ED = 108 - 72 = 36^\circ$
長方形 180°
 $\angle A' = \angle A = 90^\circ$
 $x = 36 + 90 = 126$
 $\angle x = 126^\circ$

(2) 下の図で、Pは $\angle CBD$ と $\angle BCE$ の二等分線の交点です。 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

$\triangle PBC$
 $180 - 2a$
 $\angle x = 180 - (a+b) = 180 - 125 = 55$
 $\angle x = 55^\circ$

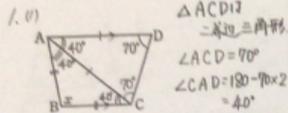
(3) 下の図で、 $PQ \parallel RS$, $\angle BAC = \angle CAD = \angle DAB$, $\angle ABC = \angle CBD = \angle DBS$ です。 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

$\triangle ABC$
 $\angle I = 180 - (a+b)$
 $3a + 3b = 180$
 $a + b = 60$
 $\angle x = 180 - (a+b) = 180 - 60 = 120$
 $\angle I = 120^\circ$

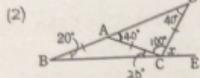
(4) 下の図で、 $\angle E$ の大きさを求めなさい。

$\angle E = 29^\circ$

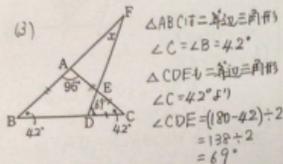
図形アリント No.3



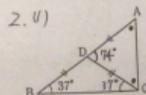
$\triangle ACD$ は二等辺三角形
 $\angle ACD = 70^\circ$
 $\angle CAD = 180 - 70 \times 2 = 40^\circ$
 $AD = DC$
 $\angle CAD = \angle ACB = 40^\circ$ (錯角)
 $\triangle BAC$ は二等辺三角形
 $\angle BAC = \angle BCA = 40^\circ$
 $\angle A = 180 - 40 \times 2 = 100^\circ$



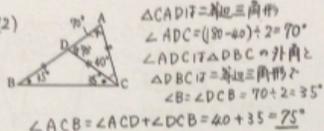
$\triangle CAD$ は 外角 $\therefore \angle CAD = 20 + 20 = 40^\circ$
 $\angle ACD = 180 - (40 + 40) = 100^\circ$
 $\angle C = 180 - (100 + 20) = 60^\circ$



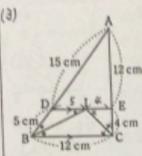
$\triangle FBD \sim \triangle CDE$ (外角)
 $x + 42 = 69$ $x = 27^\circ$



$\triangle DAC$ は二等辺三角形
 $\angle A = (180 - 74) \div 2 = 53^\circ$



$\angle ACB = \angle ACD + \angle DCB = 40 + 35 = 75^\circ$



角の二等分線より
 $\angle DBI = \angle CBI \dots \textcircled{1}$
 $DE \parallel BC$ より 錯角より
 $\angle DIB = \angle CBI \dots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1} \textcircled{2}$ より
 $\angle DBI = \angle DIB$

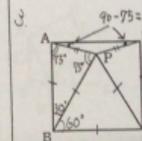
$\therefore \triangle DBI$ は二等辺三角形

$DB = DI = 5 \text{ cm}$

同様に、 $\triangle EIC$ は二等辺三角形

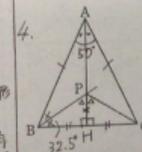
$EC = EI = 4 \text{ cm}$

$DE = DI + EI = 5 + 4 = 9 \text{ cm}$

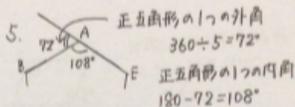


(1) $\triangle BAP$ は $BA = BP = 90$ の二等辺三角形
 $\angle PAD = (180 - 30) \div 2 = 75^\circ$

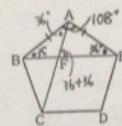
(2) $\triangle PAD$ は二等辺三角形
 $\angle PAD = \angle PDA = 15^\circ$
 $\angle APD = 180 - 15 \times 2 = 150^\circ$



$\angle BPH = 90 - 32.5 = 57.5^\circ$
 $\angle BPC = 57.5 \times 2 = 115^\circ$



正五角形の1つの外角 $360 \div 5 = 72^\circ$
 正五角形の1つの内角 $180 - 72 = 108^\circ$
 (1) $\triangle ABE$ は $AB = AE$ の二等辺三角形
 $\angle BAE = 108^\circ$ より
 $\angle AEB = (180 - 108) \div 2 = 36^\circ$



(2) $\triangle BAC$ は二等辺三角形 $\therefore \angle BAC = (180 - 108) \div 2 = 36^\circ$

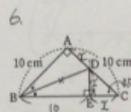
また (1) より $\angle ABE = 36^\circ$

$\angle AFE = 36 + 36 = 72^\circ$ (外角)

$\angle FAE = 108 - 36 = 72^\circ$

$\angle AFE = \angle FAE = 72^\circ$ より

$\triangle AEF$ は二等辺三角形

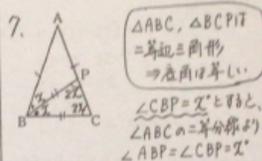


(1) $\triangle ABC$ は直角二等辺三角形だから
 $\angle ABC = \angle C = 45^\circ$

$\triangle DEC$ は $\angle DEC = 90^\circ$, $\angle C = 45^\circ$ より
 $\angle EDC = 90 - 45 = 45^\circ$

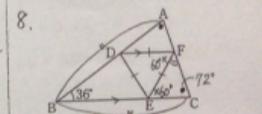
(2) $\triangle ABD \cong \triangle EBD$ (直角三角形の斜辺と1つの鋭角)
 $\therefore AD = ED = x \text{ cm}$, $BA = BE = 10 \text{ cm}$
 (1)より $\triangle EDC$ は直角二等辺三角形 $\therefore ED = EC = x \text{ cm}$

$BC = BE + EC = 10 + x$ $10 + x \text{ (cm)}$



$\triangle ABC$, $\triangle BCP$ は二等辺三角形 \therefore 底角は等しい
 $\angle CBP = x^\circ$ とすると
 $\angle ABC$ の二等分線より
 $\angle ABP = \angle CBP = x^\circ$

$\angle C = x + x = 2x^\circ$
 $\angle BPC = \angle C = 2x^\circ$
 $\triangle BCP$ (内角の和は180)
 $x + 2x + 2x = 180$ (方程式)
 $5x = 180$
 $x = 36$
 $\angle C = 36 \times 2 = 72^\circ$
 $\triangle ABC$ の底角 72° より
 $\angle A = 180 - 72 \times 2 = 36^\circ$



$\triangle ABC$ は二等辺三角形 $\therefore \angle A = \angle C = (180 - 36) \div 2 = 72^\circ$ (底角)
 $\triangle DEF$ は正三角形 $\therefore \angle DFE = 60^\circ$
 $DF \parallel BC$ $\therefore \angle DFE = \angle FEC = 60^\circ$ (錯角)

$\triangle EFC$ は $\angle EFC = 180 - (60 + 72) = 48^\circ$

図形プリント No.4

1. (1) $AB \parallel DC$ の
 $\angle BAC = \angle DCA = 70^\circ$
 (錯角)
 $\angle ACF = 70 - 30 = 40^\circ$

(2) $\triangle CDF$ の $\angle D = 180 - (70 + 30) = 72^\circ$
 $\angle F$ の $\angle ABC = \angle D = 72^\circ$
 $\angle ABE = 72 - 26 = 46^\circ$
 $\triangle ABE \sim \triangle BEC$ の外角
 $\angle BEC = 70 + 46 = 116^\circ$

2. (1) $\triangle ABD = \square ABCD \times \frac{1}{2}$
 $= 100 \times \frac{1}{2} = 50 \text{ cm}^2$
 $\triangle BPD = \triangle ABD \times \frac{1}{2} = 50 \times \frac{1}{2} = 25 \text{ cm}^2$
 (高が半分 (底辺の半分) $= \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$)

(2) $\square ABCD$
 $= AD \times HP$
 (底辺 \times 高さ)
 $\triangle PAD = AD \times HP \times \frac{1}{2}$
 (高さの半分 \times 底辺)
 $\therefore \square ABCD \triangleq \triangle PAD$ の
 底辺と高さの半分
 $\triangle PAD = \square ABCD \times \frac{1}{2} = 50 \text{ cm}^2$

3. A $\triangle DFC$
 (1) $= \square ABCD \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$
 $= \square HFC$
 $= 180 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$
 $= 45 \text{ cm}^2$

(2) $\triangle AED$
 $= \square ABCD \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{2}$
 $= \square AEKD$
 $= 180 \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{2} = 36 \text{ cm}^2$

(3) $\triangle EBF$
 $= \square ABCD \times \frac{3}{5} \times \frac{1}{4}$
 $= \square EBCL$
 $= 180 \times \frac{3}{5} \times \frac{1}{4} = 27 \text{ cm}^2$

(4) $\triangle DEF$
 $= 180 - (25 + 36 + 27)$
 $= 180 - 108$
 $= 72 \text{ cm}^2$

4. 折り紙で \rightarrow 折り前と後の形は同じ
 $\therefore \square ABCD \triangleq \square AEF$ (合同)
 $\triangle ABE \sim \triangle AEF$
 $\angle AEB = 90 - 20 = 70^\circ$
 $\angle AEC = 180 - 70 = 110^\circ$
 折り紙で \rightarrow $\angle AEF = 20^\circ$
 $\angle AEF = \angle CEF$
 $\therefore \angle AEC = 110 \div 2 = 55^\circ$

5. $\triangle DCF$
 $\angle ACB = 90 - 65 = 25^\circ$
 折り紙で \rightarrow
 $\angle ACB = \angle ACE = 25^\circ$
 $\angle DCF = \angle DCB - \angle BCE$
 $= 90 - 25 \times 2 = 40^\circ$
 $\triangle DCF \sim \triangle DFE$ の外角
 $\angle DFE = 90 + 40 = 130^\circ$

6. 四角形 ABFE は平行四辺形
 $\angle A = \angle BFE = 110^\circ$
 $\angle C = 70^\circ$
 $\angle F = 35^\circ$
 $\angle A = 70 + 35 = 105^\circ$

7. $\square ABCD$ の
 $\angle BAD = 180 - 70 = 110^\circ$
 角の二等分線
 $\angle EAD = 110 \div 2 = 55^\circ$
 $\angle EAD = \angle AEB = 55^\circ$ (錯角)
 $\angle AEC = 180 - 55 = 125^\circ$

8. 13 cm
 $13 - x - 6 = 7 - x \text{ (cm)}$
 $7 - x \text{ (cm)}$
 $13 - 2x \text{ (cm)}$
 $13 - 2x \text{ (cm)}$
 $26 \div 2 = 13 \text{ cm}$
 周 26 cm $\therefore AB + BC = 26 \div 2 = 13 \text{ cm}$
 $AB + AD = 13 \text{ cm}$

$AB = x \text{ cm}$ と $BC = 13 - x \text{ cm}$
 $AB = BE = x \text{ cm}$
 $CE = 13 - (AB + BE) = 13 - (x + x) = 13 - 2x \text{ (cm)}$
 $CE = CF = 13 - 2x \text{ (cm)}$
 $AB + AD = 13 \text{ cm}$ \therefore
 $DG = 13 - (AB + AG) = 13 - (x + 6) = 7 - x \text{ (cm)}$
 $DG = DF = 7 - x \text{ (cm)}$
 $\square ABCD$ の $\therefore AB = DC$ (対)

(2) $x = (13 - 2x) + (7 - x)$
 $x = 13 - 2x + 7 - x$
 $x = 20 - 3x$
 $4x = 20$
 $x = 5 \rightarrow AB = 5 \text{ cm}$
 $DG = 7 - 5 = 2 \text{ cm}$
 $AD = AG + DG = 6 + 2 = 8 \text{ cm}$
 $AB = 5 \text{ cm}, AD = 8 \text{ cm}$

9. $\triangle ABP \triangleq \triangle CDQ$ の \therefore 2秒後 \rightarrow
 合同 \rightarrow $BP = DQ$
 $\triangle ABP \triangleq \triangle CDQ$ の
 $BP = DQ$ (1秒後)
 P の進んだ距離 $\rightarrow 0.2x \text{ (cm)}$
 Q " $\rightarrow 0.3x \text{ (cm)}$
 $BP = P$ の進んだ距離 $(ABP) - AB$
 $= 0.2x - 4 \text{ (cm)}$
 $DQ = AD - Q$ の進んだ距離 (AQ)
 $= 12 - 0.3x \text{ (cm)}$

(2) $0.2x - 4 = 12 - 0.3x$ $\textcircled{10}$
 $2x - 40 = 120 - 3x$
 $5x = 160$
 $x = 32$
32秒後

1) AB = BE かつ

1) $\triangle ABC = \frac{1}{2} \square ABCD$
 $\triangle APC = \frac{1}{3} \triangle ABC = \frac{1}{9} \square ABCD$
 $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 42 = 21$
 $\triangle APC = \frac{1}{3} \times 21 = 7$ 7 (cm²)

2) 座標を四に代入
 等積変形
 平行移動
 $\triangle OPB$ の面積が $\triangle OAB$ の面積に等しい
 面積が等しい、共通辺 OB
 等積変形 (平行)
 OB // AP かつ
 直線 OB と直線 AP の傾きは等しい
 直線 OB の傾き $\rightarrow (0,0), (3,6)$ を通るから
 $\frac{6-0}{3-0} = \frac{2}{1} = 2$
 \therefore 直線 AP の傾きは 2

3) $l \parallel m$ かつ
 AB を共通辺と
 する。 $\triangle AOB = \triangle APB$
 $\triangle AOB$ の面積を求めよ
 $\triangle AOB = 6 \times 3 \times \frac{1}{2} = 9$
9

4) ① 原点を通る直線
 切片は 0
 $y = ax + b$
 傾きは $\frac{4}{5}$
 $y = \frac{4}{5}x$
 ② $\triangle OAB$ と $\triangle OPB$ の面積が等しい
 \downarrow 共通辺 OB
 平行 OB // AP
 直線 OB と直線 AP の傾きは等しい
 直線 AP $\rightarrow y = \frac{4}{5}x + b$
 (3,0) を通るから $0 = \frac{4}{5} \times 3 + b$
 $b = -\frac{12}{5}$
 $\therefore P(0, -\frac{12}{5})$

5) ① $y = \frac{3}{2}x + 6$
 $y = \frac{1}{2}x + 2$
 $\triangle AED$ が四角形 ABCD に等しい
 \downarrow
 四角形を三角形に変えるから
 三角形を見つければ、平行線を引く
 $\triangle ABC$ の辺 AC に平行な線をひくと
 点 B を平行線上に含むと交点 E を求める
 \rightarrow 2点 E は 1つだけ
 点 B と点 E の x 座標は等しいから
 点 B は $(0, 6)$ $\circledast y = \frac{1}{2}x + 2$
 $6 = \frac{1}{2}x + 2 \rightarrow \frac{1}{2}x = 4 \rightarrow x = 8$
 $\therefore E(8, 6)$

6) $\triangle DEC$ を h とする
 $\triangle EBC$ は $2h$ で表せる
 四角形 ABCE : 四角形 ABCD
 $= 2a + 2h : a + 2a + h + 2h$
 $= 2(a+h) : 3(a+h)$
 $= 2 : 3$

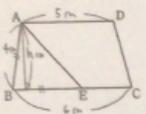
7) BE // x m とする
 $\triangle ABE$ の高さ h m とする
 台形 AECD は $\triangle ABE$ の 2 倍
 $(4+4-x) \times h \times \frac{1}{2} = x \times h \times \frac{1}{2} \times 2$
 $8 - x = 2x$
 $-3x = -8$
 $x = \frac{8}{3} \therefore \frac{8}{3} \text{ cm}$

8) 6:1 = 6分の1 小さい
 三角形の面積は
 全て等しい
 \uparrow
 底と高が等しいから
 \therefore 四角形 BFDE : 四角形 ABCD
 $= 1 : 6$

9) 対角線 AC と BD の
 交点を O とする
 $\triangle ABE = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \square = \frac{1}{6} \square$
 $\triangle FBC = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \square = \frac{1}{4} \square$
 $\triangle FBC$ は $\triangle ABE$ の何倍
 $\frac{1}{4} \square = \frac{1}{6} \square \times \square$
 $\frac{1}{6} \square = \frac{1}{4} \square \times \square$
 $\square = \frac{3}{2}$

10) $\triangle ABM = \frac{1}{2} \triangle ABC$
 $\triangle ABM$ は 4:1 = 4分の1 小さいから
 $\triangle DBM = \frac{1}{4} \triangle ABM$
 $\triangle DBM = \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} \triangle ABC = \frac{1}{8} \triangle ABC$
 $\therefore 8$ 倍

1



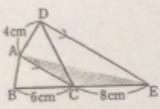
AB=BEより
BE=4cm
EC=2cm

高さh cmとする

$$\triangle ABE = 4 \times h \times \frac{1}{2} \quad \triangle AEC = (2 \times 2) \times h \times \frac{1}{2} = 2h$$

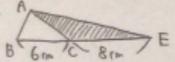
$$\triangle ABE : \triangle AEC = 2h : 2h = 2 : 2 = 4 : 4$$

2



AC // DE だから
AC が共通の底辺として点Dと点Eまで
移動させる。

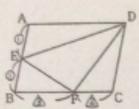
$\triangle ACD = \triangle ACE$ となる



底辺の比と面積の比は等しいから

$$\triangle ABC : \triangle ACD = \triangle ABC : \triangle ACE = 6 : 8 = 3 : 4$$

3



$$\textcircled{1} \triangle AED = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \square = \frac{1}{4} \square$$

$$\triangle EBF = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{3}{5} \times \square = \frac{3}{20} \square$$

$\triangle AED$ は $\triangle EBF$ の何倍か
 $\frac{1/4 \square}{3/20 \square} = \frac{5}{3}$ 倍

$$\textcircled{2} \triangle DFC = \frac{3}{5} \times \frac{1}{2} \times \square = \frac{3}{10} \square$$

$$\triangle AED = \frac{1}{4} \times \square = \frac{2.5}{10} \square$$

$$\triangle EBF = \frac{3}{20} \times \square = \frac{1.5}{10} \square$$

$$\triangle DFC = \frac{3}{10} \times \square = 3 \square$$

平行四辺形から同じの三角形の面積を
ひけばいい。

$$\triangle DEF = 70 - (\frac{2.5}{10} + \frac{1.5}{10} + 3) \times 10 = 28 \text{ cm}^2$$